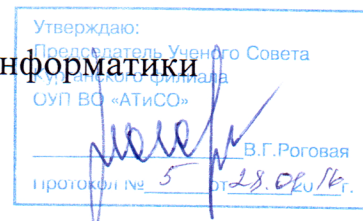


Образовательное учреждение профсоюзов
 высшего образования
 «Академия труда и социальных отношений»
 Курганский филиал

Кафедра математики и прикладной информатики



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

«Математическая теория принятия решений»

Направление подготовки : 38.03.03 «Управление персоналом»

Форма обучения: очная

Цикл дисциплин: Б1.В.ДВ.3.1

Трудоемкость дисциплины (з.е./ ч.) 4 / 144

Вид учебной работы	Часы	Семестры							
		I		II		III		IV	
		1	2	3	4	5	6	7	8
Аудиторные занятия (всего), в том числе:	36					36			
Лекции	18					18			
Лабораторные работы									
Практические занятия:	18					18			
Из них: текущий контроль (тестирование, коллоквиум) (ТК)									
% интерактивных форм обучения от аудиторных занятий по дисциплине	20%					20%			
Самостоятельная работа (всего), в том числе:	72					72			
Курсовой проект: (КП)									
Контрольная работа									
Вид промежуточной аттестации (зачет, экзамен):	экз/36					экз/36			
Общая трудоемкость дисциплины	4/144					4/144			

СВЕДЕНИЯ ОБ ИЗМЕНЕНИЯХ В РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ

Рабочая программа утверждена на 2016/2016 учебный год со следующими изменениями:

Программа переработана в
связи с принятием ФГОС по
38803.03, Уровнем переквалификации

Протокол заседания кафедры № 6 от «21» сентября 2016г.
Заведующий кафедрой
Косовских С.В. / С.В. Косов /

Рабочая программа утверждена на 2016/2017 учебный год со следующими изменениями:

Программа пересмотрена и утверждена
на 2016-2017 учебный год в связи с изменением
структурной матрицы

Протокол заседания кафедры № 2 от «8» сентября 2016г.
Заведующий кафедрой
С.В. Косов / Косовских С.В. /

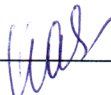
Рабочая программа утверждена на 20__ / 20__ учебный год со следующими изменениями:

Протокол заседания кафедры № _____ от « _____ » _____ 20__ г.
Заведующий кафедрой
_____ / _____ /

Рабочая программа составлена:

- с учётом требований Федерального Государственного образовательного стандарта высшего образования к минимуму содержания и уровню подготовки выпускников по направлению (38.03.03) «Управление персоналом»;
- на основании учебного плана подготовки бакалавров по данному направлению.

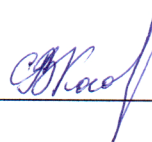
Рабочую программу разработал:

Доцент кафедры Ми ПИ _____  / Макеева Н.В. /

Программа утверждена на заседании кафедры «Математики и прикладной информатики»

Протокол № 6 «21» *мая* 2016 г.

Заведующий кафедрой
к. ф. – м. н., доцент

_____  /Косовских С. В./

1 Место дисциплины в структуре ООП ВО: Б1.В.ДВ.3.1

Дисциплина «Математическая теория принятия решений» относится к дисциплинам по выбору блока Б1. Дисциплина «Математическая теория принятия решений» опирается на предшествующие ей дисциплины «Математика» и «Теория вероятностей и математическая статистика». Данная дисциплина является предшествующей для следующих дисциплин: «Макроэкономика», «Управленческие решения».

2 Цели и задачи освоения дисциплины

Цели:

- формирование знаний по методам принятия управленческих решений необходимых для решения задач, возникающих в практической экономической деятельности;
- развитие логического мышления и математической культуры;
- формирование необходимого уровня алгебраической подготовки для понимания других математических и прикладных дисциплин.

Задачи:

- изучение основных понятий и методов принятия управленческих решений;
- формирование навыков и умений решать типовые задачи и работать со специальной литературой;
- умение использовать алгебраический аппарат для решения теоретических и прикладных задач в экономике.

3 Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих общекультурных компетенций: ОПК-5, ПК-14.

ОПК-5	Способностью анализировать результаты исследований в контексте целей и задач своей организации
ПК-14	Владением навыками анализа экономических показателей деятельности организации и показателей по труду (в том числе производительности труда), а также навыками разработки и экономического обоснования мероприятий по их улучшению и умением применять их на практике

В результате изучения дисциплины студент должен:

Знать: основные определения и понятия изучаемых разделов математической теории принятия управленческих решений.

Уметь: формулировать и доказывать основные результаты этих разделов.

Владеть: навыками решения типовых задач с применением изучаемого теоретического материала.

4 Образовательные результаты освоения дисциплины, соответствующие определенным компетенциям

В результате освоения дисциплины обучающийся должен демонстрировать следующие результаты образования:

1) знать:

Индекс компетенции (ОК, ПК)	Образовательный результат (указываются формируемые образовательные результаты в рамках соответствующих компетенций)
ОПК-5	- методы и приемы обработки количественной информации; - основные типы математических моделей, применяющихся для выработки и принятия решений.
ПК-14	- экономические показатели деятельности организации, показатели по труду и производительности труда

2) уметь:

Индекс компетенции (ОК, ПК)	Образовательный результат (указываются формируемые образовательные результаты в рамках соответствующих компетенций)
ОПК-5	- использовать математический язык и математическую символику при построении организационно-управленческих моделей на основе качественного анализа объекта исследования; - составлять линейные задачи оптимизации; - применять математические модели и методы для получения наиболее рационального решения в конкретной ситуации;
ПК-14	- анализировать внешнюю и внутреннюю среду организации выявлять её ключевые элементы и оценивать их влияние на организацию.

3) владеть:

Индекс компетенции (ОК, ПК)	Образовательный результат (указываются формируемые образовательные результаты в рамках соответствующих компетенций)
ОПК-5	- современными методами математического моделирования; - количественными методами построения математических моделей для организационно-управленческих задач и численными методами их решения.
ПК-14	- навыками анализа экономических показателей деятельности организации; - навыками анализа показателей по труду; - навыками разработки и экономического обоснования мероприятий по улучшению экономических показателей деятельности организации.

5 Матрица соотнесения тем/разделов учебной дисциплины и формируемых в них профессиональных и общекультурных компетенций

Шифр раздела, темы дисциплины	Наименование раздела, темы дисциплины	Кол. часов	Компетенции		
			общекультурные		общее количество компетенций, з.ед.
			ОПК-5	ПК-14	
P1	Предмет математического программирования	12	+	+	0,34
P2	Линейное программирование	18	+	+	0,5
P3	Нелинейное программирование	24	+		0,66
P4	Динамическое программирование	18	+	+	0,5
P5	Сетевое планирование и управление	18	+		0,5
P6	Теория игр	18	+	+	0,5
P7	Моделирование потребления	18	+	+	0,5
P8	Межотраслевой баланс	18	+	+	0,5
Итого:		144			4

6 Тематическое планирование

6.1 Распределение учебных занятий по разделам

Шифр раздела	Наименование раздела, темы дисциплины	Количество часов по видам учебных занятий		
		лекции	практ. занятия	самост. работа
P1	Предмет математического программирования	2	-	10
	1. Примеры экономических задач, решаемых методами математического программирования. Классификация основных методов математического программирования.	2	-	5
P2	Линейное программирование	4	4	10
	1. Построение математических моделей. Графический метод решения.	1	2	1
	2. Симплекс-метод решения задач линейного программирования. Экономическая интерпретация элементов симплексной таблицы.	1		2
	3. Двойственные задачи. Экономическая интерпретация пары двойственных задач. Теоремы	1		3

	двойственности, их экономическая интерпретация.			
	4. Целочисленное программирование. Метод Гомори.	1		2
	5. Транспортная задача. Экономическая и математическая формулировки транспортной задачи. Метод потенциалов.		2	2
Р3	Нелинейное программирование	2	2	20
	1. Общая задача нелинейного программирования. Графический метод решения.	2		8
	2. Метод множителей Лагранжа.		2	8
Р4	Динамическое программирование	2	2	14
	1. Постановка задачи. Основные определения. Принцип оптимальности.	2		6
	2. Рекуррентные уравнения Беллмана. Примеры решения задач математического программирования методом Беллмана.		2	6
Р5	Сетевое планирование и управление	2	2	14
	1. Элементы теории графов.	2		4
	2. Сеть проекта. Критический путь, время завершения проекта. Резервы событий, резервы операций.		2	4
Р6	Теория игр	2	4	12
	1. Понятие об игровых моделях. Постановка игровых задач.	2		4
	2. Матричные игры. Смешанные стратегии. Графоаналитический метод решения игр. Матричные игры и линейное программирование.		2	3
	3. Игры с природой. Критерий Вальда, Гурвица и Сэвиджа.		2	3
Р7	Моделирование потребления	2	2	14
	1. Функции полезности. Кривые безразличия. Бюджетное множество. Функции спроса. Уравнение Слуцкого. Линия спроса и предложения. Точка равновесия: равновесная цена и равновесный объем.	2		5
	2. Производственные функции. Функции Коба-Дугласа.		2	5
Р8	Межотраслевой баланс	2	2	14
	1. Структура и содержание таблицы межотраслевого баланса. Модель Леонтьева.	2		5
	2. Коэффициенты прямых и полных материальных затрат. Показатели использования ресурсов.		2	5
	Итого:	18	18	108

6.2 Содержание лекционных занятий

Раздел 1. Предмет математического программирования

Тема 1. Примеры экономических задач, решаемых методами математического программирования. Классификация основных методов математического программирования.

Раздел 2. Линейное программирование

Тема 1. Построение математических моделей. Графический метод решения.

Тема 2. Симплекс-метод решения задач линейного программирования. Экономическая интерпретация элементов симплексной таблицы.

Тема 3. Двойственные задачи. Экономическая интерпретация пары двойственных задач. Теоремы двойственности, их экономическая интерпретация.

Тема 4. Целочисленное программирование. Метод Гомори.

Тема 5. Транспортная задача. Экономическая и математическая формулировки транспортной задачи. Метод потенциалов.

Раздел 3. Нелинейное программирование

Тема 1. Общая задача нелинейного программирования. Графический метод решения.

Тема 2. Метод множителей Лагранжа.

Раздел 4. Динамическое программирование

Тема 1. Постановка задачи. Основные определения. Принцип оптимальности.

Тема 2. Рекуррентные уравнения Беллмана. Примеры решения задач математического программирования методом Беллмана.

Раздел 5. Сетевое планирование и управление

Тема 1. Элементы теории графов.

Тема 2. Сеть проекта. Критический путь, время завершения проекта. Резервы событий, резервы операций.

Раздел 6. Теория игр

Тема 1. Понятие об игровых моделях. Постановка игровых задач.

Тема 2. Матричные игры. Смешанные стратегии.

Графоаналитический метод решения игр. Матричные игры и линейное программирование.

Тема 3. Игры с природой. Критерий Вальда, Гурвица и Сзвиджа.

Раздел 7. Моделирование потребления

Тема 1. Функции полезности. Кривые безразличия. Бюджетное множество. Функции спроса. Уравнение Слуцкого. Линия спроса и предложения. Точка равновесия: равновесная цена и равновесный объем.

Тема 2. Производственные функции. Функции Коба-Дугласа.

Раздел 8. Межотраслевой баланс.

Тема 1. Структура и содержание таблицы межотраслевого баланса. Модель Леонтьева.

Тема 2. Коэффициенты прямых и полных материальных затрат. Показатели использования ресурсов.

6.3 Содержание практических занятий

Раздел 2. Линейное программирование

Тема 1. Построение математических моделей. Графический метод решения.

Тема 2. Симплекс-метод решения задач линейного программирования. Экономическая интерпретация элементов симплексной таблицы.

Тема 3. Двойственные задачи. Экономическая интерпретация пары двойственных задач. Теоремы двойственности, их экономическая интерпретация.

Тема 4. Целочисленное программирование. Метод Гомори.

Тема 5. Транспортная задача. Экономическая и математическая формулировки транспортной задачи. Метод потенциалов.

Раздел 3. Нелинейное программирование

Тема 1. Общая задача нелинейного программирования. Графический метод решения.

Тема 2. Метод множителей Лагранжа.

Раздел 4. Динамическое программирование

Тема 1. Постановка задачи. Основные определения. Принцип оптимальности.

Тема 2. Рекуррентные уравнения Беллмана. Примеры решения задач математического программирования методом Беллмана.

Раздел 5. Сетевое планирование и управление

Тема 1. Элементы теории графов.

Тема 2. Сеть проекта. Критический путь, время завершения проекта. Резервы событий, резервы операций.

Раздел 6. Теория игр

Тема 1. Понятие об игровых моделях. Постановка игровых задач.

Тема 2. Матричные игры. Смешанные стратегии.

Графоаналитический метод решения игр. Матричные игры и линейное программирование.

Тема 3. Игры с природой. Критерий Вальда, Гурвица и Сэвиджа.

Раздел 7. Моделирование потребления

Тема 1. Функции полезности. Кривые безразличия. Бюджетное множество. Функции спроса. Уравнение Слуцкого. Линия спроса и предложения. Точка равновесия: равновесная цена и равновесный объем.

Тема 2. Производственные функции. Функции Коба-Дугласа.

Раздел 8. Межотраслевой баланс

Тема 1. Структура и содержание таблицы межотраслевого баланса. Модель Леонтьева.

Тема 2. Коэффициенты прямых и полных материальных затрат. Показатели использования ресурсов.

6.4 Содержание самостоятельной работы студентов

Шифр СРС	Виды самостоятельной работы студентов (СРС)	Наименование и содержание	Трудоемкость, часы	Виды
С1	Аудиторная текущая самостоятельная работа	С1. Р2 Линейное программирование	0,11/4	Тест Провер. работа
		С1. Р3 Нелинейное программирование	0,17/6	Тест Провер. работа
		С1.Р5 Сетевое планирование и управление	0,11/4	Провер. работа Тест
		С1. Р6 Теория игр	0,08/3	Провер. работа
		С1. Р7 Моделирование потребления	0,11/4	Тест
С2	Подготовка к аудиторным занятиям (работа с учебной литературой, практические и лабораторные занятия, текущий и рубежный контроль)	С2.Р2 Линейное программирование	0,03/1	Дом. задание
		С2.Р3 Нелинейное программирование	0,17/6	Дом. задание
		С2.Р4 Динамическое программирование	0,3/11	Дом. задание
		С2.Р5 Сетевое планирование и управление	0,11/4	Дом. задание
		С2.Р6 Теория игр	0,08/3	Дом. задание
		С2.Р7 Моделирование потребления	0,11/4	Дом. задание
		С2.Р8 Межотраслевой баланс	0,14/5	Дом. задание
С3	Выполнение домашних работ, типовых расчетов, контрольных работ		0,19/7	Проверка к.р.
		С3.Р1 Предмет математического программирования		
		С3.Р2 Линейное программирование	0,06/2	Проверка к.р.
		С3.Р3 Нелинейное программирование	0,14/5	Проверка к.р.
		С3.Р5 Сетевое планирование и управление	0,08/3	Проверка к.р.
		С3.Р6 Теория игр	0,06/2	Проверка к.р.
		С3.Р7 Моделирование потребления	0,06/2	Проверка к.р.
		С3.Р8 Межотраслевой баланс	0,14/5	Проверка к.р.
С4	Подготовка к	С4.Р1 Предмет математического	0,08/3	Реферат,

промежуточной аттестации по дисциплине (зачет)	программирования		экз
	С4.Р2 Линейное программирование	0,08/3	Реферат, экз
	С4.Р3 Нелинейное программирование	0,08/3	Реферат, экз
	С4.Р4 Динамическое программирование	0,08/3	Реферат, экз
	С4.Р5 Сетевое планирование и управление	0,08/3	Реферат, экз
	С4.Р6 Теория игр	0,11/4	Реферат, экз
	С4.Р7 Моделирование потребления	0,11/4	Реферат, экз
	С4.Р8 Межотраслевой баланс	0,11/4	Реферат, экз
Итого:		3/ 108	

7 Фонд оценочных средств

7.1 Оценочные средства

7.1.1 Входной контроль.

Входной контроль проводится в форме тестирования.

Входной тест по математике

1. Летом килограмм клубники стоит 80 рублей. Мама купила 1 кг 200 г клубники. Сколько рублей сдачи она получит с 500 рублей?
 1. 401
 2. 402
 3. 403
 4. 404
2. В квартире, где проживает Алексей, установлен прибор учёта расхода холодной воды (счётчик). 1 сентября счётчик показывал расход 103 куб. м воды, а 1 октября — 114 куб. м. Какую сумму должен заплатить Алексей за холодную воду за сентябрь, если цена 1 куб. м холодной воды составляет 19 руб. 20 коп.? Ответ дайте в рублях.
 1. 211,2
 2. 212
 3. 212,5
 4. 215
3. В магазине одежды объявлена акция: если покупатель приобретает товар на сумму свыше 10 000 руб., он получает скидку на следующую покупку в размере 10%. Если покупатель участвует в акции, он теряет право возвратить товар в магазин. Покупатель Б. хочет приобрести куртку ценой 9300 руб., ру-

башку ценой 1800 руб. и перчатки ценой 1200 руб. В каком случае Б. заплатит за покупку меньше всего:

- 1) Б. купит все три товара сразу.
- 2) Б. купит сначала куртку и рубашку, а потом перчатки со скидкой.
- 3) Б. купит сначала куртку и перчатки, а потом рубашку со скидкой.

В ответ запишите, сколько рублей заплатит Б. за покупку в этом случае.

1. 12100 2. 12120 3. 12150 4. 12180

4. Найдите $2p(x-7) - p(2x)$, если $p(x) = x - 3$.

1. -15 2. -16 3. -17 4. -18

5. Амплитуда колебаний маятника зависит от частоты вынуждающей

силы, определяемой по формуле $A(\omega) = \frac{A_0 \omega_p^2}{|\omega_p^2 - \omega^2|}$, где ω – частота вынуждающей силы (в c^{-1}), A_0 – постоянный параметр, $\omega_p = 360c^{-1}$ – резонансная частота. Найдите максимальную частоту ω , меньшую резонансной, для которой амплитуда колебаний превосходит величину A_0 не более чем на 12,5%. Ответ выразите в c^{-1} .

1. 100 2. 110 3. 120 4. 130

6. В летнем лагере на каждого участника полагается 40 г сахара в день. В лагере 166 человек. Сколько килограммовых упаковок сахара понадобится на весь лагерь на 5 дней?

1. 31 2. 32 3. 33 4. 34

7. В обменном пункте 1 гривна стоит 3 рубля 70 копеек. Отдыхающие обменяли рубли на гривны и купили 3 кг помидоров по цене 4 гривны за 1 кг. Во сколько рублей обошлась им эта покупка? Ответ округлите до целого числа.

1. 41 2. 42 3. 43 4. 44

8. В трёх салонах сотовой связи один и тот же телефон продаётся в кредит на разных условиях. Условия даны в таблице.

Салон	Цена телефона (руб.)	Первоначальный взнос (в % от цены)	Срок кредита (мес.)	Сумма ежемесячного платежа(руб.)
Эпсилон	20000	15	12	1620
Дельта	21000	10	6	3400
Омикрон	19000	20	12	1560

Определите, в каком из салонов покупка обойдётся дешевле всего (с учётом переплаты). В ответ запишите эту сумму в рублях.

1. 22440 2. 22520 3. 22560 4. 22600

9. Найдите значение выражения $\frac{7\sqrt{x}-5}{\sqrt{x}} + \frac{5\sqrt{x}}{x}$ при $x > 0$.

1. 5 2. 6 3. 7 4. 8

10. Датчик сконструирован таким образом, что его антенна ловит радиосигнал, который затем преобразуется в электрический сигнал, изменяющийся со временем по закону $U = U_0 \sin(\omega t + \varphi)$, где t – время в секундах, амплитуда $U_0 = 2$ В, частота $\omega = 120^\circ/\text{с}$, фаза $\varphi = -30^\circ$. Датчик настроен так, что если напряжение в нем не ниже чем 1 В, загорается лампочка. Какую часть времени (в процентах) на протяжении первой секунды после начала работы лампочка будет гореть?

1. 40 2. 50 3. 60 4. 70

11. Найдите значение выражения при указанных значениях переменных:

$$\frac{1}{\sqrt{a}} - \sqrt{c} \text{ при } a=0,04 \text{ и } c=0,64.$$

- 1) 9,2 2) 99,36 3) 4,2 4) 49,2

12. Вычислите значение выражения: $(27 \cdot 3^{-4})^2$.

- 1) $\frac{1}{9}$ 2) 9 3) $\frac{1}{81}$ 4) 81

13. По формуле $F = ma$ найдите F , если $m = 20$ кг и $a = 500000$ м/с², где m -масса тела, a - ускорение.

- 1) 10^5 2) 10^6 3) 10^8 4) 10^7

14. Упростите выражение: $\frac{15\sqrt{8}}{\sqrt{18}}$.

- 1) $\frac{15}{\sqrt{3}}$ 2) 10 3) $\frac{5\sqrt{2}}{3}$ 4) $7,5\sqrt{2}$

15. Выполните сложение дробей $\frac{7}{7-y} + \frac{y}{y-7}$, если $y \neq 7$.

- 1) $\frac{7+y}{7-y}$ 2) $\frac{7+y}{y-7}$ 3) -1 4) 1

16. Найдите значение выражения при указанных значениях переменных:

$\frac{1}{\sqrt{m}} - \sqrt{n}$ при $m = 0,04$ и $n = 0,25$.

- 1) 0,7 2) -5,5 3) 4,5 4) -2,5

17. Вычислите значение выражения $(100 \cdot 10^{-3})^2$.

- 1) 0,01 2) 100 3) 0,1 4) 10

18. Соотнесите квадратные уравнения и их корни.

- 1) $x^2 + 5x - 6 = 0$. 2) $x^2 - 6x + 9 = 0$ 3) $x(x-2) = 0$
А) $x_1 = 1, x_2 = -6$ Б) $x_1 = 0, x_2 = 2$ В) $x = 3$

Ответ:

1	2	3

19. Теплоход прошел 108 км по течению реки и 84 км против течения, затратив на весь путь 8 часов. Найдите собственную скорость теплохода.

Обозначив собственную скорость теплохода через x км/ч, составьте уравнение, соответствующее условию задачи, если известно, что скорость течения реки 3 км/ч.

1) $\frac{108}{x+3} + \frac{84}{x-3} = 8$

2) $\frac{108}{x+3} = \frac{84}{x-3} + 8$

3) $\frac{108}{x} + \frac{84}{x-3} = 8$

4) $\frac{108}{x-3} + \frac{84}{x+3} = 8$

20. По формуле $S = ab$ найдите S , если $a = 60000$ см и $b = 500$ см, где a -длина, b -ширина прямоугольника.

1) $3 \cdot 10^6$

2) $3 \cdot 10^7$

3) $3 \cdot 10^5$

4) $3 \cdot 10^4$

21. Найдите отрицательный корень уравнения $144 - x^2 = 0$.

1. 12

2. -12

3. 72

4. -72

22. Найдите значение выражения $(x-3)^2 - (x-1)(x+1) + 6x$ при $x = 2,13$.

1. 10

2. 11

3. 12

4. 13

23. Найдите наименьшее целое значение x , при котором имеет смысл выражение $\sqrt{10 + 3x}$.

1. -3

2. -2

3. -1

4. 0

24. Упростите выражение $\frac{\sqrt{12} + \sqrt{27}}{\sqrt{3}}$.

1) $4\sqrt{3}$

2) 13

3) $\sqrt{13}$

4) 5

25. Выполните сложение дробей $\frac{4m}{m-3} + \frac{12}{3-m}$, если $m \neq 3$.

1) 4

2) $\frac{4}{m-3}$

3) -4

4) $-\frac{4}{m-3}$

26. Найдите отрицательный корень уравнения $x^2 + 9x = 0$.

1. 0

2. -9

3. 9

4. 1

27. Найдите значение выражения

$(2a-5)^2 - 5(a-3)(a+3) + (a+2)^2$ при $a = -0,25$.

1. 30

2. 40

3. 50

4. 60

28. Найдите наименьшее целое значение x , при котором имеет смысл

выражение $\sqrt{11 + 5x}$

1. 0 2. -1 3. -2 4. -3

29. Найдите абсциссу точки пересечения графиков функций $y = \sqrt{x}$ и $y = 2$

1. 1 2. 2 3. 3 4. 4

30. Найдите значение коэффициента m , если известно, что график функции y

$= -\frac{7m}{x}$ проходит через точку с координатами $(3; -14)$.

1. 4 2. 5 3. 6 4. 7

7.1.2 Примерные варианты контрольных точек:

№1. Найти область решений и область допустимых решений системы неравенств:

$$\begin{cases} -5x_1 + 7x_2 \geq 35, \\ 5x_1 + 6x_2 \leq 30, \\ x_2 \leq 6. \end{cases}$$

№2. Найти область решений и область допустимых решений и определить координаты угловых точек области допустимых решений системы неравенств:

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \geq 6, \\ 9x_1 - 6x_2 \leq 54, \\ 7x_1 + 10x_2 \leq 70, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

№3. Дана задача линейного программирования

$$L(x) = 2x_1 + x_2 \rightarrow \max (\min)$$

при ограничениях:

$$\begin{cases} 7x_1 + 8x_2 \leq 56, \\ -2x_1 + 3x_2 \leq 6, \\ -2x_1 + x_2 \leq 0, \\ x_1 \leq 6, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

Графическим методом найти оптимальные решения при стремлении целевой функции к максимальному и минимальному значениям.

№4. Составить математическую модель и провести экономический анализ задачи с использованием графического метода.

Фирма изготавливает два вида красок для внутренних (В) и наружных (Н) работ. Для их производства используют исходные продукты: пигмент и олифу. Расходы исходных продуктов и максимальные суточные запасы указаны в таблице.

Расход и суточные запасы исходных продуктов

Исходный продукт	Расход исходных продуктов на 1 т краски		Суточный запас, т
	Краска Н	Краска В	
Пигмент	1	2	6
Олифа	2	1	8

Изучение рынка сбыта показало, что суточный спрос на краску для наружных (внутренних) работ никогда не превышает 2 т в сутки. Цена продажи 1 т краски для наружных работ – 3 ден. ед., для внутренних работ – 2 ден. ед. Какое количество краски каждого вида должна производить фирма, чтобы доход от реализации продукции был максимальным?

№5. Решить транспортную задачу, заданную распределительной таблицей:

		b_j	40	20	40
		a_i			
1	30		3	5	4
2	25		4	2	1
3	15		1	3	2
4	30		5	3	5

№6. Решить транспортную задачу, заданную распределительной таблицей:

		1	2
a_i		30	25
1	15	4	3
2	35	1	2
3	20	3	5

№7. Составить математическую модель и решить ее.

Фирма имеет три магазина розничной торговли, расположенных в разных районах города (А, В, С). Поставки продукции в эти магазины осуществляются с двух складов D и E, площади которых вмещают 30 и 25 т продукции соответственно. В связи с возросшим покупательским спросом

фирма планирует расширить площади магазинов, поэтому их потребности в продукции с торговых складов составят 20, 35 и 15 т в день. Чтобы удовлетворить спрос на продукцию, предполагается строительство третьего склада, площади которого позволят хранить в нем 15 т продукции ежедневно. Руководство фирмы рассматривает два варианта его размещения. В таблице даны транспортные издержки, соответствующие перевозке продукции с двух существующих складов, и два варианта размещения нового склада. Оценить две транспортные модели и принять решение, какой вариант размещения нового склада выгоднее. Предполагается, что остальные издержки сохраняют существующие значения.

Торговый склад	Транспортные издержки, ден. ед.		
	А	В	С
Д	5	6	3
Е	2	5	4
Вариант 1	3	4	5
Вариант 2	1	3	3

№8. Найти оптимальные стратегии и цену игры, заданной платежной матрицей: $A = \begin{pmatrix} 3 & 4 & 5 & 2 \\ 7 & 6 & 4 & 8 \end{pmatrix}$.

№9. Найти решение и цену игры, заданной следующей платежной матрицей: $A = \begin{pmatrix} 11 & 15 \\ 19 & 7 \end{pmatrix}$.

№10. Дана задача с линейной целевой функцией и нелинейной системой ограничений. Используя графический метод, найти глобальные экстремумы функции $L = 2x_1 + 3x_2$ при ограничениях: $\begin{cases} x_1^2 + x_2^2 \leq 16, \\ x_{1,2} \geq 0; \end{cases}$

№11. Дана задача нелинейного программирования

$$L = x_1 x_2$$

при ограничениях: $3x_1 + x_2 = 2$.

Найти условный экстремум с использованием метода множителей Лагранжа.

7.1.4 Рефераты

1. Модель управления запасами при двух уровнях цен.
2. Простейшие модели торгов.
3. Календарное планирование.
4. Сетевое планирование.
5. Игровой подход к оптимизации.
6. Многокритериальные задачи.
7. Формирование портфеля инвестиций.

8. Анализ экспертных оценок.
9. Правило большинства.
10. Задача принятия решения.
11. Человеко-машинные способы анализа деловых проблем.
12. Безопасность бизнеса.
13. Многокритериальные решения при объективных моделях.
14. Многокритериальная теория полезности.
15. Подход аналитической иерархии в оценке многокритериальных альтернатив.
16. Методы ELECTRE в оценке многокритериальных альтернатив.
17. Человеческая система переработки информации и ее связь с принятием решений.
18. Вербальный анализ решений в оценке многокритериальных альтернатив.
19. Построение баз экспертных знаний.
20. Анализ риска.
21. Коллективные решения.
22. Многокритериальная задача о назначениях.
23. Принятие решений в организациях.
24. Консультанты по проблемам принятия решений и методы их работы.
25. Система массового обслуживания.

7.1.5 Балльно - рейтинговая система

50 баллов		20 баллов		30 баллов	
Посещение лекций	0,5 (5)	Рефераты, стендовые доклады	2	Интернет-экзамен 2 уровень	10
Посещение практик	0,5 (18)	Олимпиады	1-3	Интернет-экзамен 3 уровень	20
Контрольная точка (зачтено)	1 (6)	Выступление на кафедральной конференции	3	Интернет-экзамен 4 уровень	30
Типовой расчет (зачтено)	4 (8)	Выступление на вузовской конференции	4		
Работа в личном кабинете	10	Выступление на внешней конференции	5		
Работа на практических занятиях	3	Научная статья	5-10		

61-73 балла – оценка «удовлетворительно»

74-90 балла – оценка «хорошо»

91-100 балла – оценка «отлично»

7.2 Контрольные оценочные средства

7.2.1 Вопросы к экзамену

1. Задачи математического и линейного программирования.

2. Математические модели простейших экономических задач (задача использования ресурсов, задача о составлении рациона питания).

3. Каноническая форма задачи линейного программирования, различные виды ее записи.

4. Приведение общей задачи линейного программирования к канонической форме.

5. Графический метод решения задач линейного программирования с двумя переменными.

6. Графический метод решения задач линейного программирования с многими переменными.

7. Свойства решений задач линейного программирования.

8. Опорное решение задачи линейного программирования, его взаимосвязь с угловыми точками области допустимых решений.

9. Нахождение начального опорного решения и переход к новому опорному решению.

10. Преобразование целевой функции при переходе от одного опорного решения к другому.

11. Теорема об улучшении опорного решения, ее следствия.

12. Алгоритм симплексного метода решения задач линейного программирования.

13. Виды математических моделей двойственных задач.

14. Общие правила составления двойственных задач.

15. Первая теорема двойственности.

16. Вторая теорема двойственности.

17. Текстовая формулировка транспортной задачи. Математическая модель транспортной задачи.

18. Необходимые и достаточные условия разрешимости транспортной задачи.

19. Опорное решение транспортной задачи, его взаимосвязь и циклами.

20. Метод вычеркивания для проверки опорности решения транспортной задачи. Метод северо-западного угла построения начального опорного решения.

21. Метод минимальной стоимости построения начального опорного решения. Переход от одного опорного решения к другому.

22. Означенный цикл. Сдвиг по циклу.

23. Особенности решения транспортных задач с неправильным балансом.

24. Алгоритм решения транспортной задачи методом потенциалов.

25. Матричные игры. Решение матричных игр в чистых стратегиях.

26. Решение матричных игр в смешанных стратегиях геометрическим методом.

27. Решение матричных игр в смешанных стратегиях симплексным методом.

28. Предмет теории массового обслуживания. Элементы системы массового обслуживания. Классификация систем массового обслуживания и основные методы их исследования.

29. Системы массового обслуживания без очередей (с отказами, без ожидания)

30. Система массового обслуживания с ограниченной длиной очереди.

31. Система массового обслуживания без ограничения длины очереди.

32. Простейшая замкнутая система массового обслуживания.

33. Общая замкнутая система массового обслуживания.

34. Общая схема системы массового обслуживания.

35. Различные модели СМО.

36. Простейший поток событий.

37. Граф состояний СМО. Примеры СМО.

38. Построение сетевого графика по таблице опорных работ.

39. Нахождение минимальных времен и критического пути.

40. Перераспределение ресурсов в сетевом графике.

41. Сети. Определение минимального разреза.

42. Сети. Построение максимального потока.

44. Основные определения теории графов.

45. Гамильтоновы и эйлеровы графы.

46. Плоские графы.

47. Задача о назначениях.

48. Операции над графами. Подграфы.

49. Матрицы и графы.

50. Определение рангов и нумерация вершин сети.

7.2.2 Примерный состав заданий варианта:

Задача 1. Диетолог разрабатывает новую диету, состоящую из сливочного масла, натуральных бифштексов (мяса), хлеба и яблочного сока. Содержание калорий, белков, жиров, углеводов и холестерина (в 100 г продукта), а также максимальные и минимальные нормы их потребления (в день) приведены в таблице 1.1.3. Здесь же указана цена в рублях 100 г соответствующего продукта.

Таблица 1.1.3

Элемент	Содержание в 100 г продукта	Норма потребления
---------	-----------------------------	-------------------

питания	масло	мясо	хлеб	сок	min	max
Калории	800	280	245	80	2400	2800
Белок	0,6 г	15 г	8 г	0 г	60 г	60 г
Жир	20 г	5 г	0 г	0 г	0 г	30 г
Углеводы	0 г	0 г	5 г	10 г	10 г	40 г
Холестерин	0,15 г	0,08 г	0 г	0 г	0 г	0,5 г
Цена	3	4	0,5	1		

Выполните следующие задания:

1. Введите переменные.
2. Определите целевую функцию.
3. Составьте систему ограничений.
4. Определите вид математической модели задачи.
5. Преобразуйте её к другим видам задачи ЛП.

Задача 2. Имеет ли решение задача линейного программирования:

$$F = x_1 + 2x_2 \rightarrow \max$$

Ответ обоснуйте с помощью графического решения. Как изменится решение, если в условии заменить max на min?

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \geq 3 \\ -2x_1 + x_2 \leq 3 \\ x_1 - 2x_2 \leq 0 \end{cases}$$

$$x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0$$

Задача 3.

$$F = x_1 + x_2 + 2x_3 - x_4 + x_5 - x_6 \rightarrow \max$$

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + x_3 - 3x_4 + 4x_5 + x_6 = 6 \\ x_1 - x_2 - x_3 + x_4 + x_6 = 2 \end{cases}$$

$$x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0, \quad x_3 \geq 0, \quad x_4 \geq 0, \quad x_5 \geq 0, \quad x_6 \geq 0.$$

1. Определите вид задачи ЛП.
2. Приведите задачу к симплексной форме.
3. С помощью симплекс-метода определите, имеет ли решение данная задача.

Задача 4. Составьте задачи двойственные к следующим:

$$F = x_1 + 2x_2 + x_3 - 7 \rightarrow \max$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 \leq 5 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 \leq 8 \end{cases}$$

$$x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0, \quad x_3 \geq 0.$$

Задача 5. Автотранспортная фирма “Карланд” обеспечивает доставку одних и тех же строительных блоков с двух железобетонных заводов АО “Бетон” на три строительных площадки. На первую площадку требуется доставить b_1 , на вторую – b_2 и на третью – b_3 бетонных блоков. С первого завода должны быть отгружены a_1 , со второго – a_2 бетонных блока. Тарифы на перевозку одного блока с каждого из заводов на соответствующую площадку приведены по вариантам:

Таблица 2.1.1.a

Площадка	№ 1	№ 2	№ 3	Отгрузка
Завод 1	30	40	50	$a_1 = 120$
Завод 2	20	30	40	$a_2 = 100$
Заказ	$b_1 = 70$	$b_2 = 80$	$b_3 = 70$	

Задача 6. Автомобильный концерн “Кайзер”, выпускающий мощный автомобиль “Родео” с большим расходом топлива, столкнулся с определенными трудностями, вызванными давлением на рынке конкурирующего концерна “Топаз”. Эксперты выделили следующие основные стратегии на рынке:

A_1 – продолжать выпуск “Родео”;

A_2 – перейти к выпуску малолитражного автомобиля;

A_3 – внедрить среднелитражный автомобиль нового поколения;

Конкурирующий концерн “Топаз” располагает 3 возможными стратегиями:

B_1 – внедрить на рынок свой новый автомобиль-малютку;

B_2 – разработать автомобиль среднего класса;

B_3 – продолжить выпуск старого автомобиля с мощным мотором и большим расходом топлива.

Варианты возможных матриц выигрыша концерна “Кайзер” даны ниже. (При этом предполагается, что выигрыш одного конкурента равен проигрышу другого).

Вариант 1

	B_1	B_2	B_3
A_1	-2	1	5
A_2	4	0	2
A_3	3	2	3

Найдите оптимальные стратегии для обоих конкурентов и цену игры. Укажите, если она есть, седловую точку.

Задача 7. АО “Злаки” имеет 3 стратегии закупки крупной партии зерна: на внутреннем рынке России (A_1), в Казахстане (A_2), в Канаде (A_3). Эксперты фирмы определили, что возможны 4 складывающиеся на рынке зерна рыночные конъюнктуры. B_1, B_2, B_3 и B_4 , отвечающие сочетаниям факторов: курсов валют, курса рубля, урожаев зерновых, индексов деловой активности крупнейших мировых бирж и т.д.

Возможная прибыль АО при той или иной конъюнктуре приведены в таблицах.

Вариант 1

	B_1	B_2	B_3	B_4
A_1	3	5	6	8
A_2	9	6	4	2
A_3	5	8	5	4

Определите оптимальную стратегию закупки зерна.

1) по критерию Вальда,

2) по критерию Сэвиджа,

3) По критерию Гурвица с показателем пессимизма

$$\lambda = \frac{1}{2}$$

4) по критерию максимального среднего выигрыша, если экспертные оценки вероятностей конъюнктуры рынка составляют p_1, p_2, p_3, p_4

№ варианта	p_1	p_2	p_3	p_4
1	0,1	0,2	0,4	0,3

7.2.3 Экзамен по данной дисциплине проходит в форме интернет-экзамена по материалам сайта i-exam.ru

8 Образовательные технологии

Шифр раздела, темы дисциплины	Наименование раздела, темы дисциплины	Активные и интерактивные методы и формы обучения	Трудоемкость, часы (кол-во часов по разделу (теме) отводимое на занятия в интерактивной форме)
P2	Линейное программирование	Работа в малых группах, игра, поисковый метод	1
P3	Нелинейное программирование	Работа в группах, поисковый метод	1
P4	Динамическое программирование	Мозговой штурм	2
P5	Сетевое планирование и управление	Мозговой штурм	1

P6	Теория игр	Деловая игра	1
P7	Моделирование потребления	Работа в малых группах	1
P8	Межотраслевой баланс	Работа в малых группах	1
Итого:			8
Интерактивных занятий от объема аудиторных занятий %			22,2%

9 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины:

9.1 Основная литература:

1. Машунин, Ю.К. Теория управления. Математический аппарат управления в экономике [Электронный ресурс]: учебное пособие / Ю.К. Машунин. - М. : Логос, 2013. - 448 с. - Режим доступа URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=233783>
2. Попов, А.М. Экономико-математические методы и модели. Высшая математика для экономистов [Текст]: учебник для бакалавров / А.М. Попов, В.Н. Сотников. - 2-е изд., испр. и доп. - М.: Юрайт, 2012.- 479 с.: ил.- (Бакалавр. Базовый курс).
3. Экономико-математические методы и модели. Задачник [Текст]: учеб.-практ. пособие / под ред. С.И. Макарова, С.А. Севастьяновой . - 2-е изд., стер. - М.: КноРус, 2014.- 202 с.: ил.

9.2 Дополнительная литература

1. Данилов – Данелян В.И. Экономико-математический энциклопедический словарь. – Большая Российская энциклопедия, 2003
2. Ермаков В.И. Справочник по математике для экономистов. – М.: Инфра-М, 2007
3. Половников В.А. Финансовая математика. Математическое моделирование финансовых операций. – М.: Вузовский учебник, 2007
4. Самарский А.П. Математическое моделирование: Идеи. Методы. Примеры. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005
5. Черняк А.А. Математика для экономистов на базе Mathcad. – СПб.: БХВ- Петербург, 2003
6. Экономико-математические методы и модели [Текст]: учеб. пособие / под ред. С.И. Макарова. - 2-е изд., перераб. и доп.. - М.: КноРус, 2009.- 240 с.: ил.

9.3 Программное обеспечение, Интернет-ресурсы, электронные библиотечные системы:

1. http://www.gaudeamus.omskcity.com/PDF_library_economic_5.html
2. <http://www.intuit.ru/>
3. <http://www.edu.ru/>
4. <http://www.i-exam.ru/>

10 Материально-техническое обеспечение дисциплины:
Мультимедийный проектор, интерактивная доска.